

# Properties of Logarithms

[PT 99-26]

Express the given log as a sum of simpler logs.

$$1) \log_2(rst)$$

$$2) \log_6 \frac{4}{7}$$

$$3) \log_4 y^6$$

$$4) \log_n n^{-\frac{5}{6}}$$

$$5) \log_b(uv^2w^7)$$

$$6) \log_b \frac{r^3s}{t^5}$$

$$7) \log_b \sqrt[3]{mn}$$

$$8) \log_7 \sqrt[4]{\frac{x^3y^5}{z}}$$

$$9) \log_b(xy + z^2)$$

$$10) \log_3 \sqrt[5]{\frac{27r^3s}{t^5}}$$

Write the given expression as a single log.

$$11) \log_b x + \log_b y$$

$$12) \log_b x - \log_b y$$

$$13) 4\log_b u + 7\log_b v$$

$$14) 2\log_b 3 + \log_b 4$$

$$15) \log_b \frac{x}{3} + \log_b \frac{y}{4} - \log_b \frac{z}{5}$$

$$16) \frac{1}{2}(\log_b x + \log_b y) - 2\log_b z$$

$$17) 5\log_b u - \left( \frac{1}{2}\log_b v + \log_b w \right)$$

$$18) \frac{1}{4}\log_b x - \log_b y - \log_b z$$

Evaluate the following logs given that  $\log_b 2 = 1.2$ ,  $\log_b 3 = 1.42$ , and  $\log_b 5 = 2.1$

$$19) \log_b 15$$

$$20) \log_b \frac{2}{5}$$

$$21) \log_b \frac{1}{5}$$

$$22) \log_b 125$$

$$23) \log_b 1000$$

$$24) \log_b 32$$

$$25) \log_b \sqrt{18}$$

Answers: 1)  $\log_2 r + \log_2 s + \log_2 t$  2)  $\log_6 4 - \log_6 7$  3)  $6\log_4 y$  4)  $-\frac{5}{6}$

5)  $\log_b u + 2\log_b v + 7\log_b w$  6)  $3\log_b r + \log_b s - 5\log_b t$  7)  $\frac{1}{3}\log_b m + \frac{1}{3}\log_b n$

8)  $\frac{3}{4}\log_7 x + \frac{5}{4}\log_7 y - \frac{1}{4}\log_7 z$  9)  $\log_b(xy + z^2)$  10)  $\frac{3}{2} + \frac{3}{2}\log_3 r + \frac{1}{2}\log_3 s - \frac{5}{2}\log_3 t$

11)  $\log_b(xy)$  12)  $\log_b \frac{x}{y}$  13)  $\log_b(u^4v^7)$  14)  $\log_b 36$  15)  $\log_b \frac{5xy}{12z}$  16)  $\log_b \frac{\sqrt{xy}}{z^2}$

17)  $\log_b \frac{u^5}{w\sqrt{v}}$  18)  $\log_b \frac{\sqrt[4]{x}}{yz}$  19) 3.52 20) -0.9 21) -2.1 22) 6.3 23) 9.9 24) 6 25) 2.02